

## НОВЫЕ ПОДХОДЫ К АНАЛИЗУ И ИНТЕРПРЕТАЦИИ ФОРМЫ ЦИКЛИЧЕСКИХ СИГНАЛОВ

**Аннотация.** Предложены новые методы извлечения локализованной диагностической информации из циклических сигналов сложной формы. Показаны преимущества альтернативного метода оценки формы усредненного цикла, основанного на переходе от скалярного сигнала к его отображению на фазовой плоскости. Предложены оригинальные методы оценки динамики параметров, характеризующих форму информативных фрагментов сигнала, основанные на построении выпуклой оболочки фазового портрета перестановочной энтропии и расстояния Левенштейна.

**Ключевые слова:** циклический сигнал, фазовый портрет, перестановочная энтропия, расстояние Левенштейна.

### ВВЕДЕНИЕ

Повторяющиеся во времени процессы часто протекают в технических [1] и биологических [2] объектах. Циклические явления изучают также в экономике [3], термодинамике [4] и других областях.

Специфические сигналы, порождаемые таким процессами, обычно имеют сложную форму, анализ которой позволяет косвенно получать информацию о состоянии объекта [5]. Свойства циклических сигналов и построение адекватных математических моделей их порождения исследованы во многих научных публикациях, в частности, в [6–10].

Диагностическая информация часто сосредоточена на небольших временных интервалах  $\Delta t_i \ll T_0 \quad \forall i = 1, 2, \dots$  области определения  $T_0 = [t_1, t_2]$  сигнала  $z(t)$ , которые в реальных условиях искажены внутренними и внешними возмущениями [11]. Типичные примеры — электрокардиограммы (ЭКГ), реограммы, фотоплетизмограммы и другие физиологические сигналы, локальные фрагменты которых содержат информацию о состоянии сердечно-сосудистой системы [12].

Классические методы ортогональных разложений

$$z(t) = \sum_{n=1}^N C_n \varphi_n(t) \quad (1)$$

по системе базисных функций  $\varphi_n(t)$  мало пригодны для обработки сигналов с локализованной информацией, поскольку коэффициенты  $C_n$  функционального ряда (1), построенного на всей области  $T_0 = [t_1, t_2]$ , почти нечувствительны к изменениям параметров, которые характеризуют форму локальных фрагментов и важны для диагностики.

Несмотря на то, что известны методы, ориентированные на извлечение локализованной диагностической информации, в частности, метод вейвлет-преобразований [13], по мнению специалистов существующие прикладные информационные технологии (ИТ) не обеспечивают требуемой достоверности принимаемых решений. Поэтому актуальна проблема повышения эффективности извлечения диагностической информации из циклических сигналов, искаженных возмущениями.

Цель статьи — исследовать новые подходы к извлечению локализованной диагностической информации из циклических сигналов сложной формы и на примере обработки реальных сигналов продемонстрировать их эффективность.

#### ОЦЕНКА ПАРАМЕТРОВ ФОРМЫ УСРЕДНЕННОГО ЦИКЛА

Одна из задач компьютерной обработки циклических сигналов — оценка усредненного цикла для повышения соотношения сигнал–шум [14]. Усреднение циклов позволяет обнаружить скрытые возмущениями изменения формы сигнала, которые важны для диагностики. Например, метод SAECG (Signal Averaged ECG) позволяет обнаружить на ЭКГ поздние потенциалы (Late Potentials) [15], являющиеся предиктором опасных аритмий и внезапной сердечной смерти.

Тривиальные процедуры усреднения циклов во временной области, которые применяют в существующих цифровых системах [14], имеют ряд недостатков. Для того чтобы продемонстрировать это и показать преимущество предложенного подхода, воспользуемся моделью ЭКГ реалистической формы [16], упростив которую, будем полагать, что за счет внутренних возмущений варьируется форма только одного информативного фрагмента — зубца  $T$ . В этом случае процесс порождения последовательности циклов можно представить в виде

$$z_m(t) = \sum_{i \in \{P, Q, R, S, S-T, T\}} \tilde{A}_{im} \exp \left[ -\frac{(t - \tilde{\mu}_{im})^2}{2\tilde{b}_{im}^2} \right], \quad m = 1, 2, \dots, \quad (2)$$

где

$$\tilde{A}_{im} = \begin{cases} A_i(1 + \alpha_{im}), & \text{если } i = T, \\ A_i, & \text{если } i \neq T, \end{cases} \quad (3)$$

$$\tilde{\mu}_{im} = \begin{cases} \mu_i(1 + \delta_{im}), & \text{если } i = T, \\ \mu_i, & \text{если } i \neq T, \end{cases} \quad (4)$$

$$\tilde{b}_{im} = \begin{cases} b_i^{(1)}(1 + \varepsilon_{im}^{(1)}) \forall t \leq \mu_{im}, & \text{если } i = T, \\ b_i^{(2)}(1 + \varepsilon_{im}^{(2)}) \forall t > \mu_{im}, & \text{если } i = T, \\ b_i^{(1)} \forall t \leq \mu_{im}, & \text{если } i \neq T, \\ b_i^{(2)} \forall t > \mu_{im}, & \text{если } i \neq T. \end{cases} \quad (5)$$

Здесь  $A_i$ ,  $\mu_i$ ,  $b_i^{(1)}$ ,  $b_i^{(2)}$  — параметры, определяющие форму информативных фрагментов (зубцов  $P, Q, R, S, T$  и сегмента  $S-T$ ) ненаблюданного полезного сигнала  $z_0(t)$  в виде несимметричных гауссовых функций;  $\alpha_{im}$ ,  $\delta_{im}$ ,  $\varepsilon_{im}^{(1)}$ ,  $\varepsilon_{im}^{(2)}$  — реализации независимых случайных величин, которые с нулевыми математическими ожиданиями распределены на интервалах

$$\alpha_{im} \in [-\alpha_i^0, \alpha_i^0], \quad \delta_{im} \in [-\delta_i^0, \delta_i^0], \quad \varepsilon_{im}^{(1)} \in [-\varepsilon_i^0, \varepsilon_i^0], \quad \varepsilon_{im}^{(2)} \in [-\varepsilon_i^0, \varepsilon_i^0],$$

ограниченных фиксированными числами  $\alpha_i^0$ ,  $\delta_i^0$ ,  $\varepsilon_i^0$ , определяющими уровень искажений формы зубца  $T$  при порождении циклов.

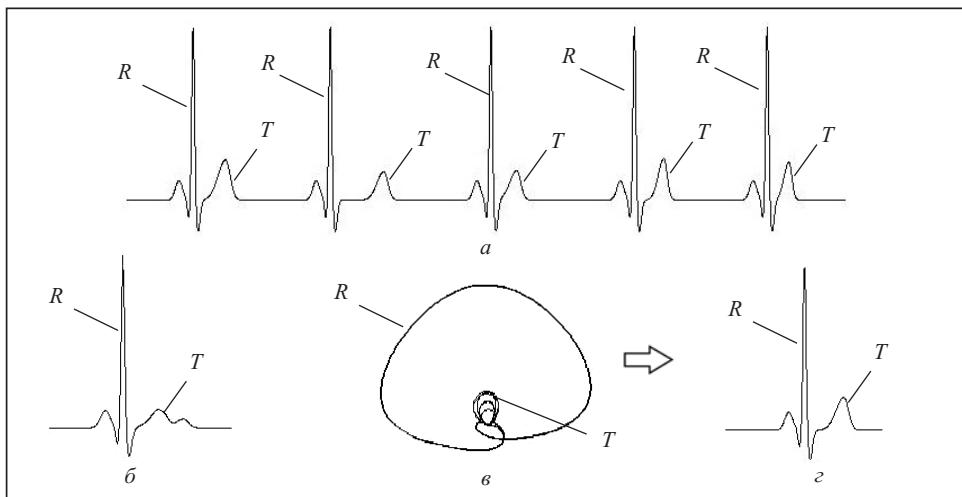


Рис. 1. Результаты усреднения циклов ЭКГ

На рис. 1 представлен результат усреднения во временной области пяти циклов  $z_1(t), \dots, z_5(t)$  (см. рис. 1, а), порожденных моделью (2)–(5), которые синхронизированы по максимуму зубцов  $R$ . Несинхронность появления зубцов  $T$  за счет возмущения  $\delta_{im}$  приводит к «размытию» формы зубца на усредненном цикле  $\hat{z}_0(t)$  (см. рис. 1, б) и, как следствие, к ошибкам в определении диагностических признаков, характеризующих форму зубца  $T$ .

Понятно, что при синхронизации этих же циклов по максимуму зубцов  $T$  на усредненном цикле  $\hat{z}_0(t)$  будет искажена уже форма других фрагментов — зубцов  $P, Q, R, S$ . Возможно, описанную проблему можно преодолеть, если синхронизировать интервалы, на которых сосредоточены отдельные фрагменты. Однако в реальных ситуациях зубцы  $P, Q, R, S, T$  не имеют четких границ, а значит, синхронизировать указанные интервалы непросто.

Рассмотрим альтернативный подход к усреднению циклов [12], который сводится к переходу от скалярного сигнала  $z(t)$  к его отображению на плоскости с фазовыми координатами  $z(t)$  и  $\dot{z}(t)$  — первой производной сигнала. Поскольку дифференцирование зашумленных функций относится к числу некорректно поставленных математических задач, то для практической реализации метода используются специальные вычислительные процедуры [5].

Очевидно, что производная  $\dot{x}(t)$  любой дифференцируемой функции  $x(t)$  инвариантна относительно сдвига аргумента  $t$ , т.е.  $\forall \tau = \text{const}$  выполняется условие  $\dot{x}(t) \equiv \dot{x}(t - \tau)$ . Поэтому, несмотря на действие возмущений  $\delta_{im}$ , переход к годографу  $z(t), \dot{z}(t)$  позволяет автоматически синхронизировать зубцы  $T$  на различных циклах.

Каждому  $m$ -му циклу соответствует определенная траектория на фазовой плоскости  $z(t), \dot{z}(t)$ , которая за счет действия случайных возмущений  $\alpha_{im}, \varepsilon_{im}^{(1)}, \varepsilon_{im}^{(2)}$  отклоняется от ненаблюдаемой траектории полезного сигнала  $z_0(\cdot)$ . Однако, поскольку предполагается, что  $\alpha_{im}, \varepsilon_{im}^{(1)}, \varepsilon_{im}^{(2)}$  независимы и имеют нулевые математические ожидания, для любой фиксированной точки  $\theta = \theta_x$  области определения полезного сигнала  $z_0(\cdot)$  координаты  $z_m^*(\theta_{mx}), \dot{z}_m^*(\theta_{mx})$  соответствующих точек  $\theta_{1x}, \dots, \theta_{Mx}$  наблюдаемого сигнала будут группироваться в локальной области нормированного

фазового пространства с центром в точке  $Z = z_0^*[\theta_x], \dot{z}_0^*[\theta_x]$  и ограниченным радиусом  $\rho_Z$  [5].

Отображение сигнала на фазовой плоскости  $z(t), \dot{z}(t)$  — принципиальное отличие предложенного метода от других известных подходов [17], предусматривающих отображение сигнала на псевдофазовой плоскости с координатами  $z(t), z(t-\tau)$ , где  $\tau$  — задержка во времени. Именно такое отличие позволило впервые реализовать процедуру надежного определения дополнительного диагностического признака ЭКГ (показателя  $\beta_T$ ), характеризующего симметрию фрагмента реполяризации усредненной фазовой траектории.

Для эффективной оценки усредненного цикла  $z_0(t)$  требуется исключить фазовые траектории, порожденные нетипичными циклами (например, экстрасистолами). Особенность этой задачи состоит в том, что форма нетипичного цикла одного сигнала может быть типична для другого, и наоборот, а значит, невозможно построить процедуру селекции нетипичных циклов на основе аналитического описания их формы.

Предлагаемый метод основан на единственном предположении: число нетипичных циклов  $M_N$  значительно меньше общего числа  $M$  обрабатываемых циклов, т.е.  $M_N \ll M$  (в противном случае определение «типичный цикл» теряет смысл).

Вычислим  $M \times M$  матрицу хаусдорфовых расстояний [18]

$$R_H(Q_i, Q_j) = \max \left\{ \max_{q_k \in Q_i} \min_{q_r \in Q_j} \rho(q_k, q_r), \max_{q_r \in Q_j} \min_{q_k \in Q_i} \rho(q_k, q_r) \right\} \quad (6)$$

между всеми парами  $Q_i$  и  $Q_j$ ,  $i=1, \dots, M$ ,  $j=1, \dots, M$ , фазовых траекторий наблюдаемых циклов, где  $\rho(q_k, q_r) = \|q_k - q_r\|$  — евклидово расстояние между нормированными векторами  $q_k = (z_k, \dot{z}_k) \in Q_i$ ,  $k=1, \dots, K$ , и  $q_r = (z_r, \dot{z}_r) \in Q_j$ ,  $r=1, \dots, R$ , соответственно  $i$ -го и  $j$ -го циклов, представленных  $K$  и  $R$  дискретными отсчетами.

Номер строки этой матрицы с минимальной суммой элементов определит траекторию

$$Q_0 = \arg \min_{1 \leq i \leq M} \sum_{j=1}^M R_H(Q_i, Q_j), \quad (7)$$

которую будем называть опорной траекторией в нормированном фазовом пространстве.

Упорядочим по возрастанию элементы строки матрицы хаусдорфовых расстояний (6), соответствующей опорной траектории (7). Полученная последовательность расстояний

$$\mathfrak{R} = R_H(Q_0, Q_\mu), \quad \mu \in [1, M], \quad (8)$$

показывает вариабельность формы траекторий наблюдаемых сигналов по отношению к  $Q_0$ . Если наблюдаемый сигнал содержит только типичные циклы, то расстояния  $R_H(Q_0, Q_\mu)$  возрастают более-менее плавно с ростом  $\mu$ . Если на сигнале появляются нетипичные циклы, форма которых существенно отличается от  $Q_0$ , то последовательность (8) содержит один или несколько выраженных скачков. Определив положение первого такого скачка, можно найти

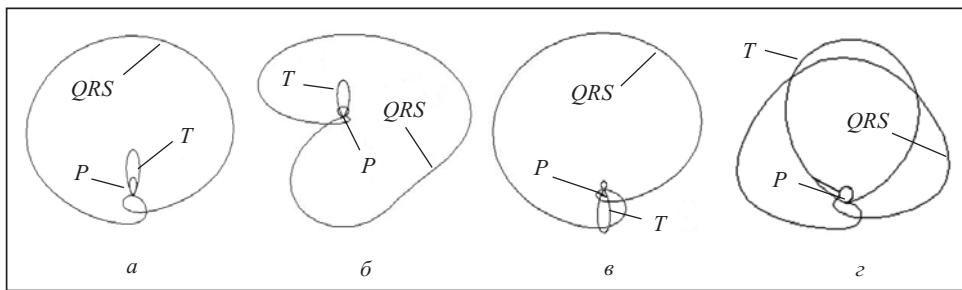


Рис. 2. Форма фазовой траектории усредненного цикла ЭКГ: нормальный цикл (а), патологический зубец  $Q$  (б), отрицательный зубец  $T$  (в), коронарный зубец  $T$  (г)

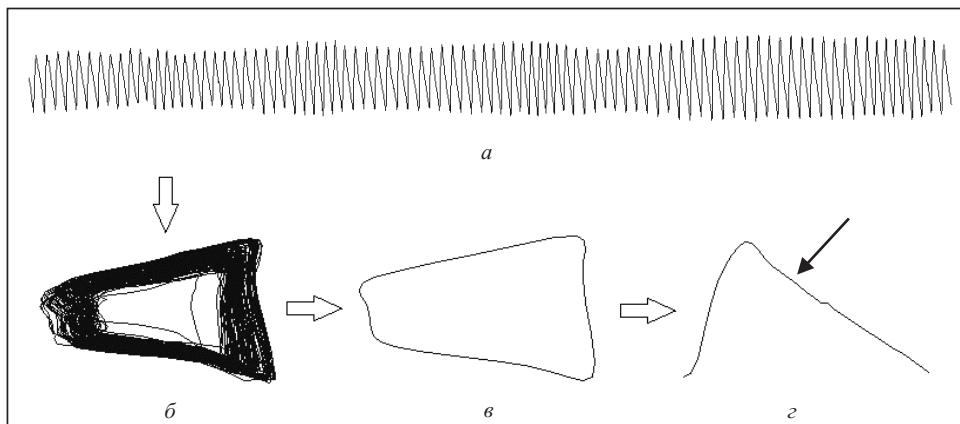


Рис. 3. Результат усреднения пальцевой фотоплетизмограммы: реальная фотоплетизмограмма (а), фазовые траектории фотоплетизмограммы (б), усредненная фазовая траектория (в), пульсовая волна во временной области с фрагментом отраженной волны (г)

пороговое значение  $R_H^0$  и тем самым выделить подмножество «надежных» траекторий

$$\Omega_N = \{Q_\mu : R_H(Q_0, Q_\mu) < R_H^0\}, \quad (9)$$

подлежащих усреднению.

Модельные эксперименты показали, что усреднение надежных траекторий (9) (см. рис. 1, в) в фазовом пространстве с последующим возвращением во временную область (см. рис. 1, г) обеспечивает приемлемую для практики точность восстановления наблюдаемого полезного сигнала  $z_0(\cdot)$ , а характерная форма фазовых траекторий (рис. 2) позволяет упростить процедуру интерпретации ЭКГ.

Клинические испытания подтвердили, что оценка показателя  $\beta$  повышает чувствительность и специфичность ЭКГ-диагностики даже в тех случаях, когда анализ ЭКГ в 12 традиционных отведениях оказывается неинформативным [19].

Предложенный подход позволяет также провести эффективное усреднение циклов пальцевой фотоплетизмограммы (рис. 3) и распознать на усредненном сигнале характерный фрагмент (отмечен стрелкой), соответствующий моменту появления отраженной волны. Такая информация дает возможность интегрально оценивать жесткость артериальных сосудов по скорости распространения пульсовой волны [20].

## ФАЗОВЫЙ ПОРТРЕТ ПЕРЕСТАНОВОЧНОЙ ЭНТРОПИИ

Для диагностики важна не только форма усредненного цикла, но и изменчивость этой формы в процессе регистрации сигнала [21]. Анализ хаотичности  $R$ - $R$ -интервалов давно известен в кардиологической практике [22]. Проведенные исследования показали [23], что энтропийные оценки хаотичности параметров, характеризующих форму фрагментов ЭКГ, позволяют получать важную дополнительную диагностическую информацию.

Многие математические методы исследования хаотичности основаны на известном выражении шенноновской энтропии

$$H = - \sum_{i=1}^N p_i \log_2 p_i, \quad (10)$$

которая количественно оценивает неопределенность системы, находящейся в одном из  $N$  состояний с вероятностями  $p_i$ ,  $i = 1, \dots, N$ .

Для оценки хаотичности циклического сигнала проанализируем последовательность параметров, характеризующих форму отдельных циклов, например, последовательность значений показателя  $\beta$ , отражающих динамику симметрий зубцов  $T$ :

$$\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_M. \quad (11)$$

Пожалуй для анализа хаотичности последовательности (11) можно было бы воспользоваться формулой (10), оценив вероятности (частоты) попадания значений  $\beta$  в заданные интервалы. Однако это не так! Легко показать, что величина (10) инвариантна относительно перестановок элементов ряда (11). Поэтому при непосредственном использовании формулы (10) фактически будет оцениваться не хаотичность последовательности (11), а неопределенность случайной величины  $\beta$ , порождающей эту последовательность, что не тождественно.

Проксируем последовательность (11) скользящим окном, содержащим  $W \ll M$  точек, и в каждом  $l$ -м окне,  $l = 1, \dots, L$ , оценим процентное приращение энтропии  $H_l$  по отношению к энтропии  $H_1$  в первом окне, т.е. вычислим отношение

$$h_l = \frac{H_l}{H_1} \cdot 100\%, \quad l = 1, \dots, L, \quad (12)$$

полагая, что  $H_1 \neq 0$ .

Принципиально для вычисления  $H_l$  можно воспользоваться любыми известными энтропийными оценками, подробный анализ которых приведен в [23], в частности модернизированной перестановочной энтропией. В этом случае отношение (12) можно записать

$$h_l = \frac{- \sum_{j=1}^5 p(\pi_{jl}) \log p(\pi_{jl})}{h_1} \cdot 100\%, \quad l = 1, \dots, L, \quad (13)$$

где  $p(\pi_j)$  — частота появления одного из пяти характерных паттернов  $\pi_1, \dots, \pi_5$  (рис. 4) в  $l$ -м окне, а

$$h_1 = - \sum_{j=1}^5 p(\pi_{j1}) \log p(\pi_{j1}) \quad (14)$$

является перестановочной энтропией, вычисленной в первом окне в предположении, что знаменатель (14) отношения (13) не равен нулю, т.е.  $h_1 \neq 0$ .

Классы паттернов однозначно определяются по трем последовательным значениям:  $\beta_{i-1}, \beta_i, \beta_{i+1}$ ,  $i=2, \dots, M-1$ , в пределах  $l$ -го окна,  $l=1, \dots, L$ , следующим образом:

- класс  $\pi_1$ , если  $(\beta_i - \beta_{i-1}) > \varepsilon_0 \wedge (\beta_i - \beta_{i+1}) > \varepsilon_0$ , где  $\varepsilon_0$  — заданный порог нечувствительности к локальным изменениям сигнала;
- класс  $\pi_2$ , если  $(\beta_{i-1} - \beta_i) > \varepsilon_0 \wedge (\beta_{i+1} - \beta_i) > \varepsilon_0$ ;
- класс  $\pi_3$ , если  $(\beta_i - \beta_{i-1}) > \varepsilon_0 \vee (\beta_{i+1} - \beta_i) > \varepsilon_0 \vee (\beta_{i+1} - \beta_{i-1}) > \varepsilon_0$ ;
- класс  $\pi_4$ , если  $(\beta_{i-1} - \beta_i) > \varepsilon_0 \vee (\beta_i - \beta_{i+1}) > \varepsilon_0 \vee (\beta_{i-1} - \beta_{i+1}) > \varepsilon_0$ ;
- класс  $\pi_5$ , если не выполняется ни одно из приведенных соотношений.

Надлежащим выбором порога  $\varepsilon_0$  и ширины  $W$  скользящего окна можно добиться плавности изменения функции (13) и, применив процедуру численного дифференцирования, оценить производную  $\dot{h}(l)$  в  $l$ -й точке. Это позволит перейти от ряда дискретных значений скользящей энтропии  $h(l)$  к фазовому портрету на плоскости  $h(l), \dot{h}(l)$  и построить его выпуклую оболочку (рис. 5).

Для интегральной оценки хаотичности  $\beta$  предлагается использовать площадь  $S$  выпуклой оболочки, координаты  $X, Y$  центра тяжести и ряд других показателей.

Аналогично оценивают интегральные показатели, характеризующие хаотичность других параметров формы циклического сигнала, в частности, амплитуд и продолжительностей зубцов  $P, Q, R, S, T$  электрокардиограммы.

Отметим, что энтропия, в отличие от дисперсии, характеризует не столько разброс, сколько разнообразие значений случайной величины, и поэтому позволяет более полно анализировать поведение сложных медико-биологических систем.

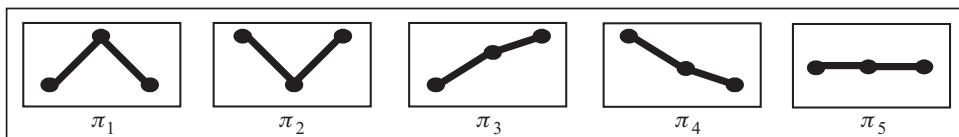


Рис. 4. Классы паттернов модернизированной перестановочной энтропии

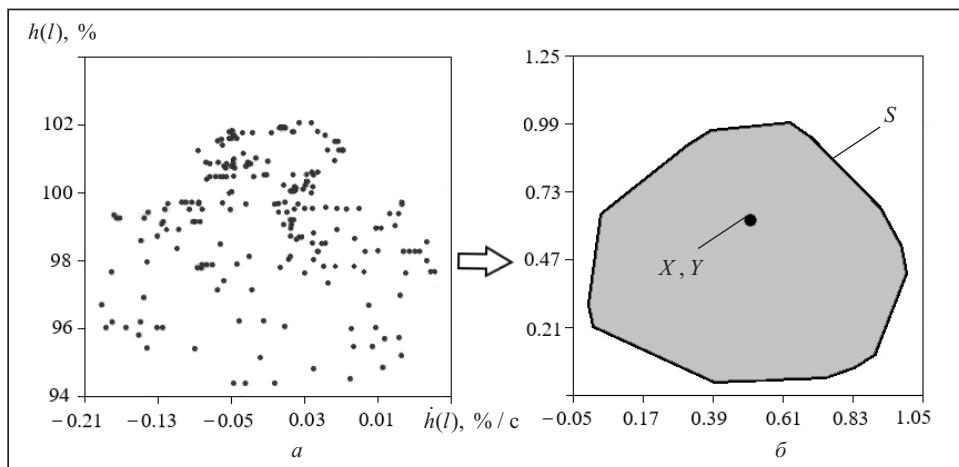


Рис. 5. Фазовый портрет скользящей энтропии (а) и его выпуклая оболочка (б)

Например, при обработке ЭКГ больного пациента, на которой наблюдался эффект электрической альтернации сердечного ритма (предиктор внезапной сердечной смерти) площадь  $S$  выпуклой оболочки фазового портрета перестановочной энтропии была почти в четыре раза меньше, чем у здорового пациента, в то время как в обоих случаях традиционные показатели (среднеквадратические отклонения  $R - R$ -интервалов) почти совпадали [24].

Фазовый портрет перестановочной энтропии оказался полезным также при анализе почти незаметных, но важных изменений ЭКГ в процессе капельного введения лекарственных препаратов и подтвердил статистически значимые отличия при обработке ЭКГ здоровых людей с различным уровнем адаптационных возможностей.

#### **ИНТЕРПРЕТАЦИЯ ЦИКЛИЧЕСКИХ СИГНАЛОВ НА ОСНОВЕ РАССТОЯНИЯ ЛЕВЕНШТЕЙНА**

Анализ динамики изменения формы циклических сигналов можно проводить в рамках лингвистического подхода, основанного на переходе от  $k$ -й реализации  $z_k(t)$  сигнала,  $k = 1, 2, \dots$ , к слову  $S_k = \alpha_1 \alpha_2 \cdots \alpha_K$ , являющемуся конечной цепочкой символов  $\alpha_j \in \Psi$ ,  $j = 1, \dots, K$ , некоторого алфавита  $\Psi$  «названий» фрагментов. В общем случае лингвистический подход предполагает [25], что множество  $\{S_k\}$  всевозможных слов (не обязательно конечное) образует формальный язык, для которого строится грамматика в виде четверки

$$G = \langle \Omega_0, \Omega_T, P_G, \omega_0 \rangle, \quad (15)$$

где  $\Omega_0$  — множество нетерминальных символов (переменных),  $\Omega_T$  — множество терминальных символов (констант),  $\Omega_T \cup \Omega_0 = \Psi$ ,  $\Omega_T \cap \Omega_0 = \emptyset$ ,  $P_G$  — множество правил подстановки, а  $\omega_0 \in \Omega_0$  — начальный (корневой) нетерминальный символ.

В большинстве работ, посвященных лингвистическому анализу сигналов, предполагается, что алфавит  $\Psi$  заранее известен, а конструирование грамматик (15), адекватных множеству наблюдаемых сигналов, осуществляется экспертом на основании его неформальных знаний о предметной области.

Следуя [26, 27] перейдем от наблюдаемого сигнала  $z_k(t)$  к слову  $S_k = \alpha_1 \alpha_2 \cdots \alpha_K$ , проанализировав разности значений показателей на смежных циклах. Для каждого параметра, характеризующего форму фрагментов циклического сигнала, введем индикаторную переменную, которая принимает значения в зависимости от знака приращений показателя  $i$ -го цикла по отношению к  $(i-1)$ -му,  $i = 2, \dots, M$ . Для последовательности (11) индикаторную переменную можно представить в виде

$$V_i^{(\beta)} = \begin{cases} +1, & \text{если } \beta_i - \beta_{i-1} \geq 0, \\ -1, & \text{если } \beta_i - \beta_{i-1} < 0, \end{cases} \quad i = 2, \dots, M. \quad (16)$$

Аналогично вводят другие индикаторные переменные, в частности, переменную  $V_i^{(RR)}$ , значения которой определяют знаки приращений продолжительностей циклов ( $R-R$ -интервалов). В этом случае в соответствии с (16) каждый цикл будет кодировать один из символов алфавита  $\Psi = \{a, b, c, d\}$  так, как показано в табл. 1.

Последовательность символов, полученных в соответствии с табл. 1, формирует  $M$ -разрядное слово  $S_k$ , однозначно кодирующее  $k$ -й сигнал, содержащий  $M$  циклов.

**Таблица 1.** Принцип кодирования цикла ЭКГ

Значение индикаторной переменной $V_i^{(\beta)}$	+1	-1	-1	-1
Значение индикаторной переменной $V_i^{(RR)}$	+1	+1	-1	-1
Символ	$a$	$b$	$c$	$d$

Предлагаемый метод основан на вычислении расстояния Левенштейна  $L(S_1, S_2)$  между двумя словами (кодограммами)  $S_1, S_2$ , состоящими из  $M_1$  и  $M_2$  символов соответственно. Отметим, что расстояние Левенштейна равно минимальному числу операций редактирования типа вставки, удаления и замены символа для преобразования слова  $S_1$  в слово  $S_2$  [28], а один из известных алгоритмов вычисления расстояния  $L(S_1, S_2)$  состоит в следующем.

Формируем матрицу  $D$  размера  $(M_1 + 1) \times (M_2 + 1)$ , первые строку и столбец которой заполняем так:

$$\begin{aligned} D(i, 0) &= i, \quad i = 0, \dots, M_1, \\ D(0, j) &= j, \quad j = 0, \dots, M_2. \end{aligned} \quad (17)$$

Остальные элементы  $D$  ( $i > 0, j > 0$ ) последовательно заполняем в соответствии с правилом

$$D(i, j) = \min \{D(i, j-1) + 1, D(i-1, j) + 1, D(i-1, j-1) + m(S_1(i), S_2(j))\}, \quad (18)$$

где

$$m(S_1(i), S_2(j)) = \begin{cases} 0, & \text{если } S_1(i) = S_2(j), \\ 1, & \text{если } S_1(i) \neq S_2(j). \end{cases} \quad (19)$$

В результате расстояние Левенштейна  $L(S_1, S_2)$  определяет число  $D(M_1, M_2)$ .

Будем принимать решение о принадлежности циклического сигнала  $z(t)$  одной из двух групп:  $\Omega_1$  и  $\Omega_2$ , на основе сравнения расстояний Левенштейна между кодограммой  $S_t$  обрабатываемого сигнала и эталонными кодограммами  $S_0^{(1)}$  и  $S_0^{(2)}$ , построенными по обучающим выборкам сигналов в указанных группах, т.е.

$$z(t) \in \Omega_1, \text{ если } L(S_t, S_0^{(1)}) \leq L(S_t, S_0^{(2)}), \quad (20)$$

$$z(t) \in \Omega_2, \text{ если } L(S_t, S_0^{(1)}) > L(S_t, S_0^{(2)}). \quad (21)$$

Алгоритм построения эталонных кодограмм  $S_0^{(1)}$  и  $S_0^{(2)}$  состоит в следующем. Пусть, например, в результате клинических исследований зарегистрированы  $Q_1$  и  $Q_2$  ЭКГ представителей двух групп пациентов:  $\Omega_1$  — больных и  $\Omega_2$  — условно здоровых.

Каждую из  $Q_1$  ЭКГ первой группы закодируем словами  $S_q^{(1)}$ ,  $q = 1, \dots, Q_1$ , в соответствии с табл. 1. Воспользовавшись процедурами (17)–(19), определим расстояния Левенштейна  $L_{\mu\nu}(S_\mu^{(1)}, S_v^{(1)})$  между каждой парой  $S_\mu^{(1)}, S_v^{(1)}$ ,  $\mu = 1, \dots, Q_1, v = 1, \dots, Q_1$ , кодограмм и сформируем квадратную  $Q_1 \times Q_1$  матрицу расстояний  $L_{\mu\nu}(S_\mu^{(1)}, S_v^{(1)})$ ,  $\mu = 1, \dots, Q_1, v = 1, \dots, Q_1$ , между всеми парами кодограмм первой группы:

$$\Lambda = \begin{pmatrix} L_{11}, L_{12}, \dots, L_{1Q_1} \\ L_{21}, L_{22}, \dots, L_{2Q_1} \\ \dots \\ L_{Q_11}, L_{Q_12}, \dots, L_{Q_1Q_1} \end{pmatrix}. \quad (22)$$

Тогда эталонную кодограмму  $S_0^{(1)}$  первой группы определит строка матрицы (22), сумма элементов которой минимальна, т.е.

$$S_0^{(1)} = \arg \min_{1 \leq \mu \leq Q_1} \sum_{v=1}^{Q_1} L_{\mu v}. \quad (23)$$

Эталонное слово  $S_0^{(2)}$  второй группы определяют аналогично на основе анализа суммы элементов матрицы расстояний Левенштейна  $L_{\mu v}(S_\mu^{(2)}, S_v^{(2)})$ ,  $\mu = 1, \dots, Q_2, v = 1, \dots, Q_2$ , построенной для всех пар кодограмм второй группы, т.е.

$$S_0^{(2)} = \arg \min_{1 \leq \mu \leq Q_2} \sum_{v=1}^{Q_2} L_{\mu v}. \quad (24)$$

Исследование диагностических возможностей предложенного метода проводилось на основе обработки базы реальных ЭКГ, зарегистрированных в отделении ишемических болезней сердца НИИ кардиологии им. В.Д. Стражеско НАМН Украины (Киев) и четырех клиник Германии: Essen University Hospital (Эссен), Katholical Hospital «Philippusstift» (Эссен), Heart and Diabetes Center of North Rhein-Weasfalia (Бад-Эйнхаузен), German Heart Center (Берлин).

Клинический материал составлял  $Q_1 = 100$  записей ЭКГ больных с хронической формой ишемической болезни сердца (ИБС), диагноз которым был предварительно установлен по результатам коронарографии (группа  $\Omega_1$ ), и  $Q_2 = 100$  записей ЭКГ здоровых добровольцев, включенных в контрольную группу (группа  $\Omega_2$ ).

Эталонные кодограммы (23), (24), построенные для указанных групп пациентов, имели вид

$$S_0^{(1)} = adcbdadcadabdacdabdacbdaab,$$

$$S_0^{(2)} = cbcdcabdcabddcaadcaa.$$

На основе обработки имеющихся данных установлено, что принятие решения по правилам (20), (21) обеспечивает чувствительность  $S_E = 72\%$  и специфичность  $C_P = 79\%$ .

Отметим, что на ЭКГ верифицированных больных не обнаружено традиционных признаков ишемии миокарда (элевация либо депрессия ST-сегмента). А это означает, что согласно традиционной электрокардиографии все обрабатываемые ЭКГ (в том числе, и ЭКГ больных пациентов), можно отнести к группе здоровых. В то же время на основе сравнения расстояний Левенштейна  $L(S_t^{(2)}, S_0^{(1)})$  и  $L(S_t^{(2)}, S_0^{(2)})$  удалось провести приемлемую классификацию представителей групп  $\Omega_1$  и  $\Omega_2$  на таком «сложном» для диагностики клиническом материале.

Анализ расстояний Левенштейна между кодограммами оказался также полезным для наглядной иллюстрации динамики изменения ЭКГ при медикаментозном лечении сердечно-сосудистых патологий и для решения других задач.

Предложенный подход можно естественным образом обобщить на случаи, когда в формировании кодограмм ЭКГ используют не только продолжительности  $R$ - $R$ -интервалов и значения показателя  $\beta_T$ , но и другие информативные показатели, в частности, амплитуды зубцов  $R$  и  $T$ . Этот подход можно также применять для анализа и интерпретации других циклических сигналов.

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Рассмотрены оригинальные методы компьютерной обработки циклических сигналов сложной формы, предназначенные для извлечения локализованной диагностической информации в условиях возмущений. Показано, что переход от скалярного сигнала к его отображению на фазовой плоскости позволяет повысить точность определения усредненного цикла.

Фазовый портрет ЭКГ позволил также впервые реализовать процедуру надежного определения дополнительного диагностического признака — показателя, характеризующего симметрию фрагмента реполяризации, который обеспечивает повышение чувствительности и специфичность ЭКГ-диагностики даже в тех случаях, когда традиционный анализ оказывается неинформативным.

Предложены оригинальные методы оценки динамики параметров, характеризующих форму информативных фрагментов сигнала, которые основаны на построении выпуклой оболочки фазового портрета перестановочной энтропии и расстояния Левенштейна. Клинические испытания подтвердили ценность этих методов для диагностики при обнаружении эффекта электрической альтернации сердечного ритма, капельном введении лекарственных препаратов и ряде других медицинских приложений.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Nembhard A.D., Sinha J.K., Pinkerton A.J., Elbhah K. Fault diagnosis of rotating machines using vibration and bearing temperature measurements. *Diagnostyka*. 2013. Vol. 14, N 3. P. 45–51.
2. Frank D.W., Evans J.A., Gorman M.R. Time-dependent effects of dim light at night on re-entrainment and masking of hamster activity rhythms. *Journal of Biological Rhythms*. 2010. Vol. 25, N 2. P. 103–112. <https://doi.org/10.1177/0748730409360890>.
3. Benkemoune R. Charles Dunoyer and the emergence of the idea of an economic cycle. *History of Political Economy*. 2009. Vol. 41, N 2. P. 271–295. <https://doi.org/10.1215/00182702-2009-003>.
4. Wu C. Thermodynamic cycles: Computer-aided design and optimization. New York: Marcel Dekker, 2003. 312 p.
5. Файнзильберг Л.С. Информационные технологии обработки сигналов сложной формы. Теория и практика. Киев: Наук. думка, 2008. 385 с.
6. Лупенко С.А. Детерминированные и случайные циклические функции как модели колебательных явлений и сигналов: определение и классификация. *Электронное моделирование*. 2006. Т. 28, № 4. С. 29–45.
7. Драган Я.П. Математичне й алгоритмічно-програмне забезпечення комп’ютерних засобів статистичного опрацювання стохастичних коливань (ритмічних процесів). *Вісник Нац. ун-ту «Львівська політехніка»: Інформаційні системи та мережі*. 2008. Вип. 621, № 2. С. 124–130.
8. Zvarich V.N., Marchenko B.G. Linear autoregressive processes with periodic structures as models of information signals. *Radioelectronics and Communications Systems*. 2011. Vol. 54, N 7. P. 367–372.

9. Шачиков А.Д., Шуляк А.П. Отработка принципов анализа структуры циклических медико-биологических сигналов для их обнаружения, распознавания и классификации. *Вісник НТУУ «КПІ»*. Сер. Приладобудування. 2015. Вип. 49. С. 169–179.
10. Lytvynenko I.V. The problem of segmentation of the cyclic random process with a segmental structure and the approaches to its solving. *Journal of Hydrocarbon Power Engineering*. 2016. Vol. 3, N 1. P. 30–37.
11. Поворознюк А.И., Филатова А.Е. Проектирование нелинейного фильтра в задаче структурной идентификации биомедицинских сигналов с локально сосредоточенными признаками. *Системні дослідження та інформаційні технології*. 2014. № 1. С. 69–80.
12. Файнзильберг Л.С. Компьютерная диагностика по фазовому портрету электрокардиограммы. Киев: Освіта України, 2013. 191 с.
13. Bruns A. Fourier-, Hilbert- and wavelet-based signal analysis: Are they really different approaches? *Journal of Neuroscience Methods*. 2004. Vol. 137, Iss. 2. P. 321–332. <https://doi.org/10.1016/j.jneumeth.2004.03.002>.
14. Zywienz Chr., Borovsky D., Götsch G., Joseph G. Methodology of ECG interpretation in the Hanover program. *Methods Inf. Med.* 1990. Vol. 29. P. 375–385.
15. Liao Y.C., Lin Y.J., Chung F.P., Chang S.-L., Lo L.-W., Hu Y.-F., Chao T.-F., Chung E., Tuan T.-C., Huang J.-L., Liao J.-N., Chen Y.-Y., Chen S.-A. Risk stratification of arrhythmogenic right ventricular cardiomyopathy based on signal averaged electrocardiograms. *Int. Journal of Cardiology*. 2014. Vol. 174, N 3. P. 628–633. <https://doi.org/10.1016/j.ijcard.2014.04.169>.
16. Файнзильберг Л.С. Имитационные модели порождения искусственных электрокардиограмм в условиях внутренних и внешних возмущений. *Journal of Qafqaz University. Mathematics and Computer Science*. 2012. N 34. P. 92–104.
17. Фрумин Л.Л., Штарк М.Б. О фазовом портрете электрокардиограммы. *Автометрия*. 1993. № 2. С. 51–54.
18. Fainzilberg L.S. Restoration of a standard sample of cyclic waveforms with the use of the Hausdorff metric in a phase space. *Cybernetics and Systems Analysis*. 2003. Vol. 39, N 3. P. 338–344.
19. Файнзильберг Л.С. Основы фазографии. Киев: Освіта України, 2017. 264 с.
20. Jayanthi T., Anburajan M. Pulse wave velocity and its usefulness in the estimation of hypertension. *Asian Journal of Pharmaceutical and Clinical Research*. 2017. Vol. 10, Iss. 4 P. 181–187. <https://doi.org/10.22159/ajpcr.2017.v10i4.16447>.
21. Файнзильберг Л.С., Минина Е.Н. Оценка функционального состояния сердечно-сосудистой системы по величине разброса фазовых траекторий одноканальной ЭКГ. *Кибернетика и вычисл. техника*. 2014. Вып. 175. С. 5–19.
22. Wesfraid E., Billat V. Randomness and changes of heart rate and respiratory frequency during high altitude mountain ascent without acclimatization. *Physica A: Statistical Mechanics and Its Applications*. 2012. Vol. 391, Iss. 4. P. 1575–1590. <https://doi.org/10.1016/j.physa.2011.08.067>.
23. Файнзильберг Л.С., Ориховская К.Б., Ваховский И.В. Оценка хаотичности формы фрагментов одноканальной ЭКГ. *Кибернетика и вычисл. техника*. 2016. Вып. 183. С. 4–24.
24. Fainzilberg L., Orikhovska K., Vakhovskyi I. Analysis of subtle changes in biomedical signals based on entropy phase portrait. *Биомедицинская инженерия и электроника*. 2017. № 3. С. 44–66.
25. Trahanias P., Skordalakis E. Syntactic pattern recognition of the ECG. *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*. 1990. Vol. 12, Iss. 7. P. 648–657. <https://doi.org/10.1109/34.56207>.
26. Uspenskiy V.M. Diagnostic system based on the information analysis of electrocardiogram. *Proc. MECO 2012. Advances and Challenges in Embedded Computing* (Bar, Montenegro, June 19–21, 2012). P. 74–76.

27. Колеснікова О.В., Крівенко С.С. Інформаційний аналіз електрокардіосигналів: обґрунтування і можливості. Збірник наук. праць Першої Міжнар. наук.-практ. конф. «Інформаційні системи та технології в медицині» (ISM-2018). Харків: ХНУРЕ, 2018. С. 161–163.
28. Wagner R.A., Fischer M.J. The string-to-string correction problem. *Journal of the ACM*. 1974. Vol. 21, Iss. 1. P. 168–173. <https://doi.org/10.1145/321796.321811>.

*Надійшла до редакції 26.06.2019*

## Л.С. Файнзільберг

### НОВІ ПІДХОДИ ДО АНАЛІЗУ ТА ІНТЕРПРЕТАЦІЇ ФОРМИ ЦИКЛІЧНИХ СИГНАЛІВ

**Анотація.** Запропоновано нові методи вилучення локалізованої діагностичної інформації з циклічних сигналів складної форми. Показано переваги альтернативного методу оцінювання форми усередненого циклу, який базується на переході від скалярного сигналу до його відображення на фазовій площині. Запропоновано оригінальні методи оцінювання динаміки параметрів, що характеризують форму інформативних фрагментів сигналу, основані на побудові опуклої оболонки фазового портрета переставної ентропії та відстані Левенштейна.

**Ключові слова:** циклічний сигнал, фазовий портрет, переставна ентропія, відстань Левенштейна.

## L.S. Fainzilberg

### NEW APPROACHES TO ANALYSIS AND INTERPRETATION OF CYCLIC SIGNAL'S SHAPE

**Abstract.** New methods for extracting localized diagnostic information from cyclic signals of complex shape are proposed. The advantages of an alternative method for estimating the shape of an averaged cycle based on the transition from a scalar signal to its mapping on the phase plane are shown. Original methods for estimating the dynamics of parameters characterizing the shape of informative fragments of the signal based on the construction of the convex hull of the phase portrait of the permutation entropy and the Levenshtein distance are proposed.

**Keywords:** cyclic signal, phase portrait, permutation entropy, Levenshtein distance.

#### Файнзільберг Леонід Соломонович,

доктор техн. наук, професор, головний науковий сотрудник Міжнародного науково-учебного центра інформаційних технологій и систем НАН и МОН України, Київ,  
e-mail: fainzilberg@gmail.com.