



## ПРОГРАМНО-ТЕХНІЧНІ КОМПЛЕКСИ

УДК 519.63; 519.64

**М.Р. ПЕТРИК**

Тернопільський національний технічний університет імені Івана Пулюя, Тернопіль, Україна, e-mail: [mykhaylo\\_petryk@ntnu.edu.ua](mailto:mykhaylo_petryk@ntnu.edu.ua).

**І.В. БОЙКО**

Тернопільський національний технічний університет імені Івана Пулюя, Тернопіль, Україна, e-mail: [boyko.i.theory@gmail.com](mailto:boyko.i.theory@gmail.com).

**О.М. ХІМІЧ**

Інститут кібернетики ім. В.М. Глушкова НАН України, Київ, Україна, e-mail: [khimich505@gmail.com](mailto:khimich505@gmail.com).

**В.А. СИДОРУК**

Інститут кібернетики ім. В.М. Глушкова НАН України, Київ, Україна, e-mail: [wolodymyr.sydoryk@gmail.com](mailto:wolodymyr.sydoryk@gmail.com).

### ВИСОКОПРОДУКТИВНІ МЕТОДИ МОДЕЛЮВАННЯ НАНОАДСОРБЦІЇ ТА ДИФУЗІЇ ЗІ ЗВОРОТНИМИ ЗВ’ЯЗКАМИ В НЕОДНОРІДНИХ ЦИЛІНДРИЧНИХ БАГАТОКОМПОНЕНТНИХ НАНОПОРИСТИХ СЕРЕДОВИЩАХ

**Анотація.** Розроблено нові високопродуктивні аналітичні методи моделювання полів концентрацій дифундованих газів у внутрішньо- та міжчастинковому просторах у неоднорідних циліндричних  $n$ -складових нанопористих середовищах з використанням операційного методу Гевісайда та матриць впливу Коші для неоднорідних крайових задач адсорбції для систем рівнянь у частинних похідних зі зворотними зв’язками.

**Ключові слова:** модель багатокомпонентної наноадсорбції та дифузії, багатокомпонентні неоднорідні нанопористі середовища, операційний метод Гевісайда.

#### ВСТУП

Натепер особливого значення набувають експериментальні та теоретичні дослідження адсорбції і дифузії газів через мікропористе тверде тіло та розподіли адсорбованих фаз. Ці дослідження полягають у розробленні систем накопичення енергії і тепло- та масообміну на основі цеоліту [1], систем для адсорбції токсичних речовин із води [2] та виокремлення газів [3], а також каталітичних систем зменшення викидів вихлопних газів, що сприяють зменшенню глобального потепління [4] та розвитку безпечних енергетичних стратегій [5].

Якість математичних моделей для опису адсорбції газів у мікро- і нанопористих твердих тілах (зокрема, в цеолітах) особливо важлива для розроблення різноманітних ефективних технологічних рішень. Наприклад, розмір зерен цеоліту ZSM-5 зазвичай становить 0.2–2 мкм [6], а його внутрішньозернова структура може бути представлена мікропорами (радіус пор  $r_p < 1$  нм), мезопорами ( $1 < r_p < 25$  нм) і макропорами ( $r_p > 25$  нм). Було розроблено різні математичні та обчислювальні моделі для опису тепло- та масопереносу пропану на цеоліті ZSM-5 [7]. Формалізм моделювання даних застосовувався для адсорбції суміші CO–O<sub>2</sub> на цеоліті з ідентифікацією коефіцієнтів дифузії в нанопористих і мікропористих матеріалах [8, 9] та конкурентної дифузії газів у цеоліті [10, 11]. Було проведено експериментальні та теоретичні дослідження